

## 3D ábrázolás – PoVRay (3. rész)

Az előző részekben már használtunk néhány tömör testet, főként gömböt, amely mind közül az egyik legegyszerűbb. A gömbhöz hasonló egyszerű testeket primitíveknek nevezzük, ugyanis ezek az összetett testek kiinduló alkatrészei.

**A** *PoVRay* a testeket másképp készíti és használja, mint az elterjedt polygon alapú 3D programok. Ezen utóbbiak esetén a testek kisebb-nagyobb háromszögekből állnak, így természetüknél fogva üregek és közelről nézve szögletesek. A *PoVRay* matematikai módszerekkel írja le a testeket, amelyek így tömör és sima tárgyakként viselkednek. Ennek főleg a textúrák alkalmazásakor lesz jelentősége. A tömör tárgyak nagyon sok esetben jól jönnek, de vannak esetek, amikor érdemes üreges testeket alkalmazni: a *PoVRay* azonban erre is képes.

### Sík

A való világ tárgyai általában véges méretűek, vannak azonban olyan problémák, amelyeket végtelen kiterjedésű tárgyakkal leszünk képesek megoldani. Ilyen probléma például az égbolt, a sík föld vagy a tenger ábrá-

zolása. Erre a `plane` alkalmas, amely egy végtelen síkot prezentál (1. ábra, `pov27.pov`):

```
plane
{
  y, 0
  texture{
    pigment{
      color white}}}
```

A sík egyik fontos paramétere a sík *normálvektora*, amely a síkra merőleges és az origóból indul. Könnyedén tudjuk helyettesíteni a *PoVRay* belső neveivel, ugyanis az `y` név a  $\langle 0, 1, 0 \rangle$  vektort fejezi ki, `s` az `x`, illetve a `z` is ezzel azonos módon képezhető. Ha `y` normálvektort adunk meg, akkor a létrejövő sík az `x` és a `z` tengely által meghatározott helyen jön létre.

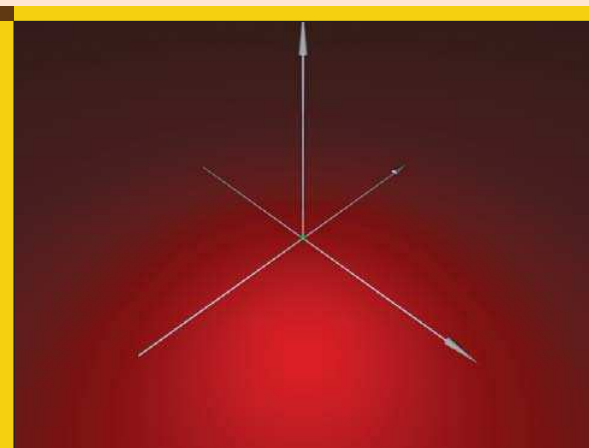
```
plane
{
```

```
y, -1
texture{
  pigment{
    color white}}}
```

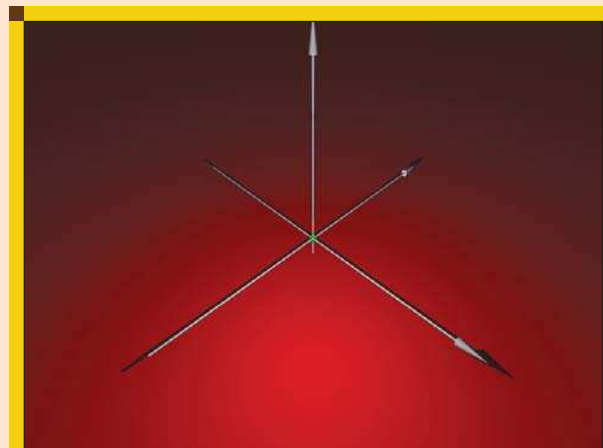
A síkot el tudjuk tolni a normálvektora mentén (2. ábra, `pov28.pov`), ehhez csupán a normálvektor után megadott számot kell a szükséges értékre módosítani, amely az origótól való távolságot határozza meg. A normálvektorral és az origótól való távolsággal tetszőleges síkot, illetve síkok kombinációját el tudunk készíteni. A 3. ábrán (`pov29.pov`) három olyan síkot készítettünk el, amelyek egymással 60 fokos szöveget zárnak be.

### Doboz

Gyakori test a téglalap, vagy más néven a doboz, amelyet a két átellenes sarokpontjával tudunk meghatározni (4. ábra, `pov30.pov`).



■ 1. ábra A sík elhelyezkedése a koordináta rendszerben

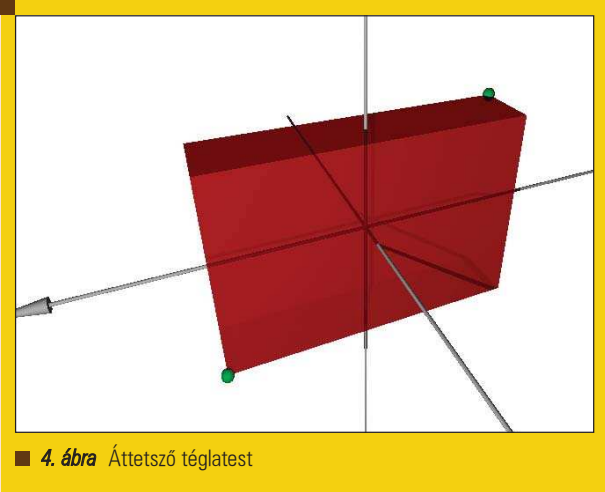


■ 2. ábra A sík pozíciója

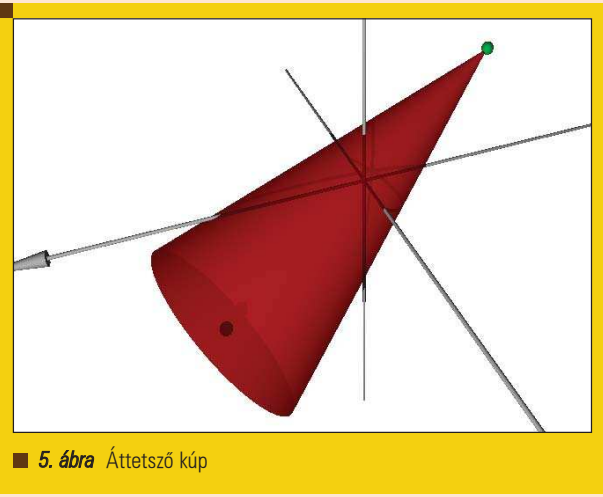
© Kiskapu Kft. Minden jog fenntartva



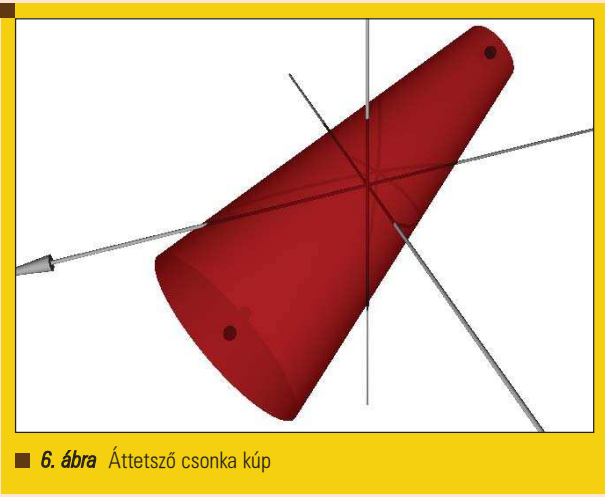
■ 3. ábra Három sík, háromszögben



■ 4. ábra Áttetsző téglatest



■ 5. ábra Áttetsző kúp



■ 6. ábra Áttetsző csonka kúp

Az ábrán egy vörös színű, félig átlátszó téglalapot láthatunk, amely a két meghatározó sarokpontjában egy-egy zöld gömböt tartalmaz.

```
box{
<-5,3,-1>, <5,-3,1>
texture{
pigment{
color <1,0,0,0.5>}}}
```

Bárhova is tesszük a sarokpontokat, a téglalap élei mindig párhuzamosak valamelyik tengellyel, így külön „trükközniük” kell a megfelelő pozícióba forgatáshoz (de erről majd egy későbbi részben lesz szó).

**Kúp és csonkakúp**

Egy kúpot három paraméterrel tudunk meghatározni: a bázispontjával, a tetőpontjával és az alapjának sugarával (5. ábra, *pov31.pov*).

```
cone{
<5,-3,1> 3, <-5,3,-1> 0
texture{
pigment{
color <1,0,0,0.5>}}}
```

Ha csonka kúpot akarunk előállítani, akkor a tetőpontjánál nullától különböző sugarat kell írunk (6. ábra, *pov32.pov*).

```
cone{
<5,-3,1> 3, <-5,3,-1> 1
texture{
pigment{
color <1,0,0,0.5>}}}
```

A kúp lehet üreges is, ha az open kulcszót a megfelelő helyre írjuk, s ekkor a két lezáró kör alakú lemez nem kerül ábrázolásra (7. ábra, *pov33.pov*).

```
cone{
<5,-3,1> 3, <-5,3,-1> 1
open
```

```
texture{
pigment{
color <1,0,0,0.5>}}}
```

**Henger**

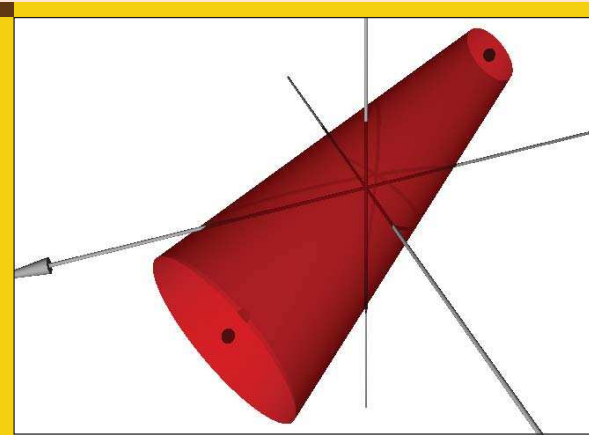
A henger teljesen azonosan kezelhető, mint a kúp, mivel a PoVRay szempontjából egy speciális csonka kúp (8. ábra, *pov34.pov*).

```
cylinder{
<5,-3,1>, <-5,3,-1>, 2
texture{
pigment{
color <1,0,0,0.5>}}}
```

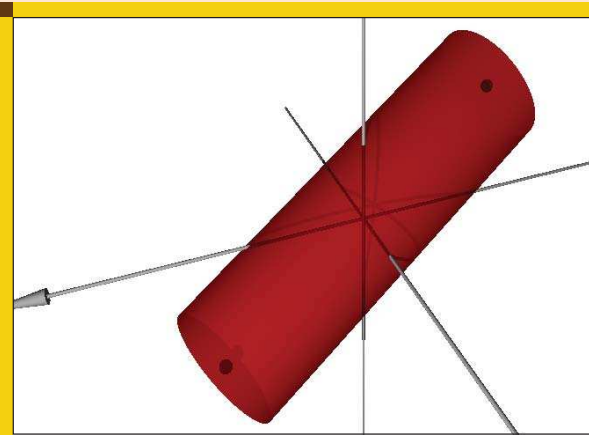
A henger lezáró korongjait az *open* kulcsszóval tudjuk eltávolítani.

**Gömb**

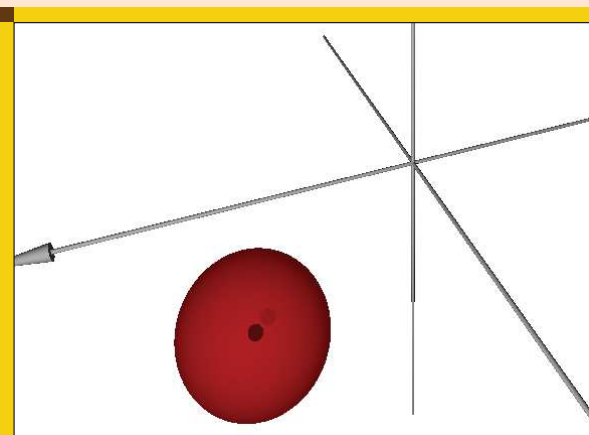
A gömb leírása a legegyszerűbb az összes test közül, a középpontját és a sugarát kell megadnunk (9. ábra, *pov35.pov*).



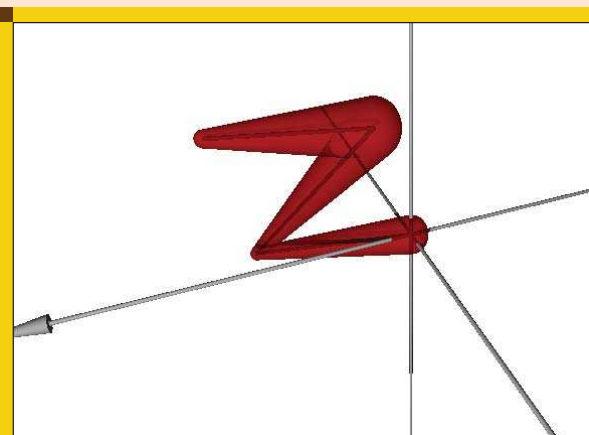
■ 7. ábra Áttetsző üreges csónka kúp



■ 8. ábra Áttetsző henger



■ 9. ábra Áttetsző gömb



■ 10. ábra „Suhanó” gömb, linear\_spline útvonallal

```
sphere{
  <5,-3,1>, 2
  texture{
    pigment{
      color <1,0,0,0.5>}}}
```

### „Suhanó” gömb

A gömb „egyenés ági” leszármazottja egy olyan test, amelyet a *PovRay* a gömb útvonalából és kontúrjából épít fel. Így tudunk olyan rudat készíteni, amelynek a két vége nem egy sima körlemez, hanem félgömb. Ha több sarokpontot is megadunk, akkor a kontúr híven követi ezt az útvonalat (10. ábra, *pov36.pov*).

```
sphere_sweep{
  linear_spline
  4,
  <0,0,0>, 0.5,
  <4,-2,-4>, 0.2,
  <1,3,0>, 0.7,
  <5,3,-1>, 0.2
```

```
texture{
  pigment{
    color <1,0,0,0.5>}}}
```

Számomra érthetetlen okból előre meg kell adnunk a sarokpontok számát, amely alapján a program megfelelő számú térbeli pontot és sugarat vár. Ezek előtt meg kell adni a sarokpontok közötti útvonalat leíró „egyenletet” is, amely igazából három megadható kulcsszóra egyszerűsödik számunkra (a konkrét megvalósítás a programozók dolga volt):

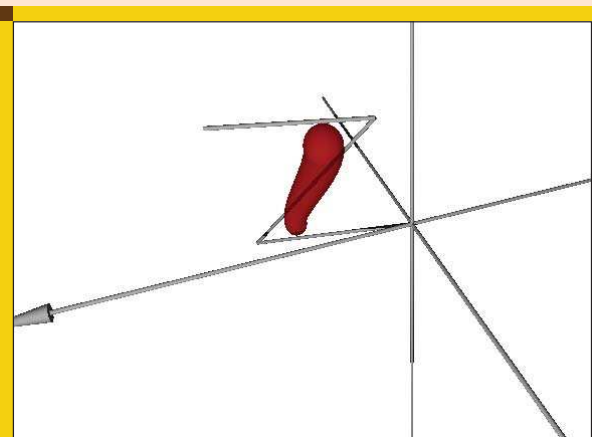
linear\_spline, b\_spline, illetve cubic\_spline.

Az első útvonalra már láttunk példát, ekkor a sarokpontokat egy térbeli egyenes mentén köti össze a program és a sarokpontokba képzelt gömbök sugara egyenletes átmenettel jelenik meg.

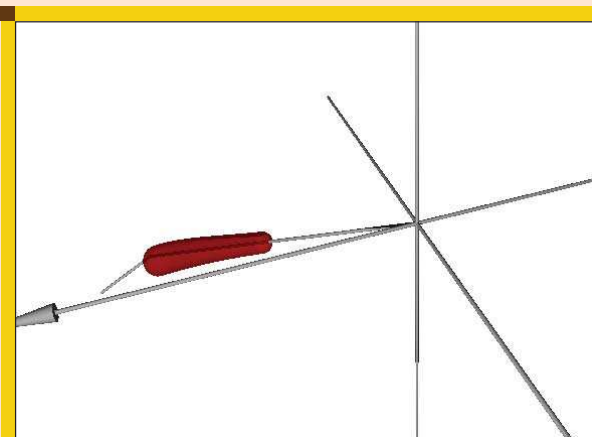
Ha a b\_spline útvonalat választjuk, akkor a „suhanás” közel sem az egyenesek által meghatározott pontokon át történik. A létrejövő test a sarokpontokat nem érinti, hanem „tehetetlenül” mozog a sarokpontok irányába.

A 11. ábrán (*pov37.pov*) látható testet kapjuk abban az esetben, ha a sarokpontok között a törések túl éles szögben történnek, így a „suhanás” túl nagy tehetetlensége okán nem tudja elérni a sarokpontokat.

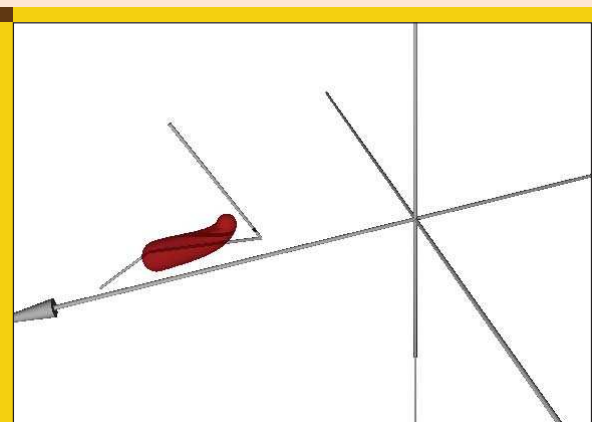
Kicsit laposabb szögek esetén az eredmény sokkal látványosabb (12. ábra, *pov38.pov*). A szemfülesek észrevehetik, hogy az így létrejövő test sokkal rövidebb, mint az egyenes mentén mozgó gömb által létrehozott test. Ennek oka, hogy a b\_spline (és a cubic\_spline) az első és az utolsó sarokpontot a kezdő-lezáró „tekeredés” meghatározására használja. Ha a 12. ábrán látható útvonal első sarokpontját



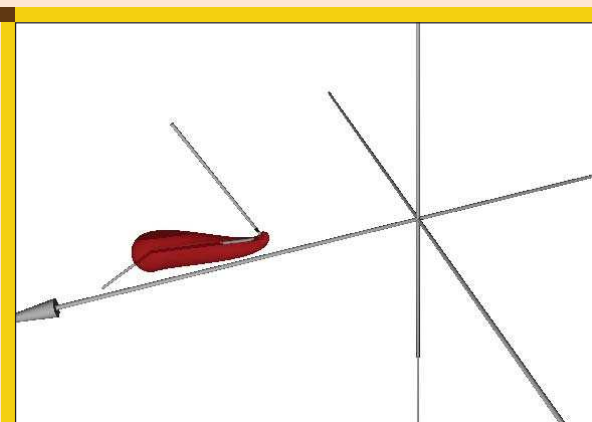
■ 11. ábra „Suhanó” gömb, b\_spline útvonallal és éles szöggekkel



■ 12. ábra „Suhanó” gömb, b\_spline útvonallal és lapos szöggekkel



■ 13. ábra „Suhanó” gömb, b\_spline útvonallal és éles kezdő szöggekkel



■ 14. ábra „Suhanó” gömb, cubic\_spline útvonallal és éles kezdő szöggekkel

merőlegesen állítjuk (13. ábra, *pov39.pov*), akkor látható, hogy a kezdőpont elmozdult az első sarokpont irányába.

A `cubic_spline` út vonal teljesen hasonló a `b_spline` által meghatározott út vonalhoz, csak az út vonal minden esetben érinti a közbenső sarokpontokat (14. ábra, *pov40.pov*).

### „Cuppanós” testek

Kiválóan alkalmazható kémiai bemutatóhoz, illetve olyan esetekben, amikor gömbök vagy téglatestek lépnek egymással kölcsönhatásba. A „cuppanás” azt takarja, hogy ha a leírt testek közel kerülnek egymáshoz, akkor a felületük egyesül, mintha folyadék-cseppek lennének. Minél közelebb kerülnek, annál jobban látszik ez az egyesülés. Példaképpen nézzünk meg egy vízmolekulát, amely egy oxigén atomból és két hidrogén atomból áll (15. ábra, *pov41.pov*).

```
blob{
  threshold 0.6
  sphere<0,0,0>,4,1
  texture{pigment{color Blue}}
  sphere<1.15,-1.63,0>,1,1
  texture{pigment{color Red}}
  sphere<1.15,1.63,0>,1,1
  texture{pigment{color Red}}
  scale 2}
```

### Tórusz

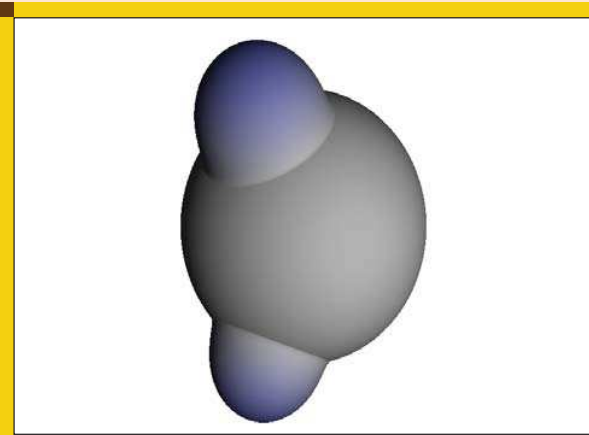
Ha egy gömböt végigvonszolunk egy kör alakú út vonalon, akkor egy tóruszt kapunk eredményül. Ezt megtehetjük a „suhanó” gömb segítségével is, de jobban járunk ha a *PoVRay* saját tóruszát használjuk (16. ábra, *pov42.pov*).

```
torus{
  7, 1.5
  texture{
    pigment{
      color <1,0,0,0.5>}}
```

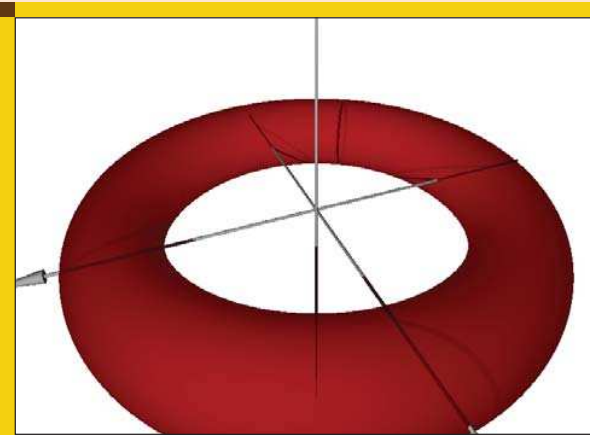
A tórusz mindig az origó által meghatározott középponttal jön létre, és két paraméter határozza meg: a fősugár (*major radius*) és a melléksugár (*minor radius*). A fősugár a kör alakú út vonal origótól való távolságát határozza meg, a melléksugár pedig a körbevonszolt gömb sugarával egyezik meg. Ha máshova és más képp szeretnénk tóruszt létrehozni, akkor koordináta transzformációval át kell helyeznünk, illetve át kell alakítanunk.

### Magasságmező

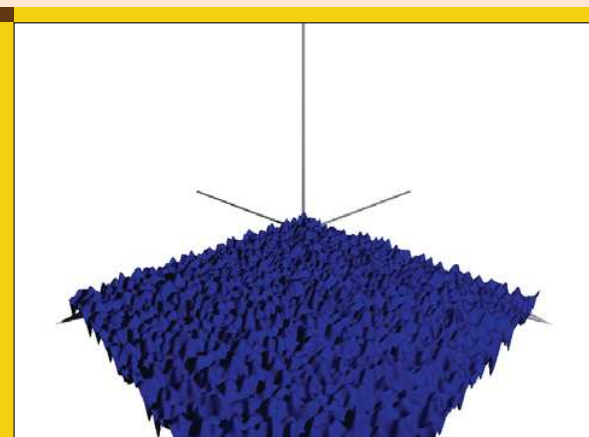
Ha hegyes-völgyes képet szeretnénk elkészíteni, azt nehezen tudjuk matematikai egyenletekkel leírni (bár nem lehetséges), így a *PoVRay* is csak háromszögekből képes ezt előállítani. Sok ezer háromszöget viszont nehéz megfelelő pozícióba helyezni, a magasság-mező használatával ez felesleges munka is lenne.



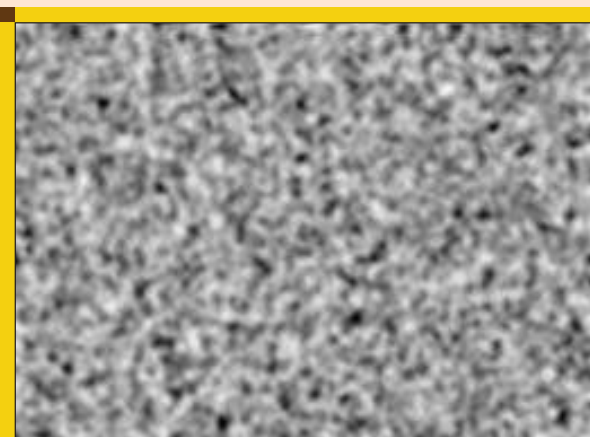
■ 15. ábra „Cuppanó” gömbök, vízmolekula



■ 16. ábra Tórusz



■ 17. ábra Magasság mező



■ 18. ábra A magasság mező forrása

© Kiskapu Kft. Minden jog fenntartva

A magasság-mező használatához kerítünk egy olyan ábrát, amely szürkeárnyaltos képet tartalmaz. A fekete területek a nulla szintet, a fehér területek az egységnyi magas szintet jelentik. A kettő közötti árnyalatok a világosságukkal arányos magasságot jelképeznek. Alapesetben a  $\langle 0, 0, 0 \rangle$  és  $\langle 1, 1, 1 \rangle$  pont által közbezárt téglalapon belül jön létre ez a test, ezért megfelelő transzformációkkal el kell tolnunk a kívánt pozícióba.

```
height_field{
  png
  "pov43field.png"
  smooth
  scale 10*x
  scale 10*z
  texture{
    pigment{
      color Blue}}}
```

Érdekes trükköket tudunk elérni, ha egy fényképet alkalmazunk a mezőhöz (19-20. ábra, pov44.pov).

### Forgatott felszín (Surface of Revolution)

Gyakran találkozunk olyan testekkel, amelyeket egy meghatározott sík felület valamely tengely körül megforgatott kontúrja határoz meg. Tipikus és szép példa erre a serleg, amely ilyen forgatás eredménye (21. ábra, pov45.pov).

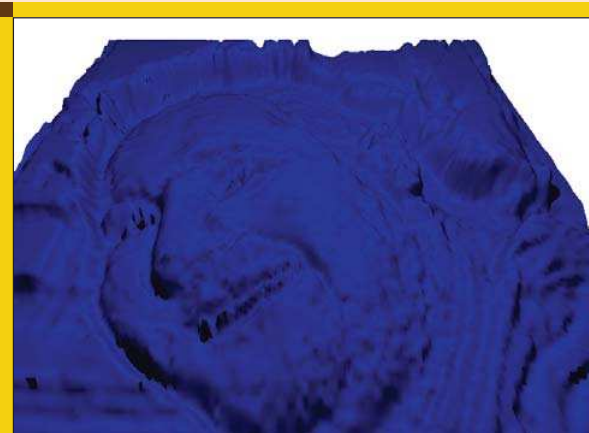
```
sor{
  11,
  <0, 0>
  <7, 0>
  <6, 2>
  <2, 3>
  <2, 6>
  <3, 7>
  <2, 8>
  <2, 14>
```

```
<6, 16>
<7, 21>
<5, 21>
texture{
  pigment{
    color Blue}}}
```

A megforgatás mindig az  $Y$  tengely körül történik, és speciális  $U-V$  koordinátákkal kell megadni a pontokat. Gyakorlatilag az  $U$  az  $X$  irány, a  $V$  az  $Y$  irányt jelöli. Megadhatunk éles vonalakat is, mert a létrejövő felület simított és lekerekített lesz, így nem tűnnek fel durva élek a képen. Természetesen ezáltal éles körvonalakat nehezebb lesz létrehozni.

### Szöveg kiírása

Néha szükséges szövegeket írni a 3D világunkba, ezt is megtehetjük, készíthetünk betű kinézetű testeket, amelyek az írás szerint követik egymást (22. ábra, pov46.pov).



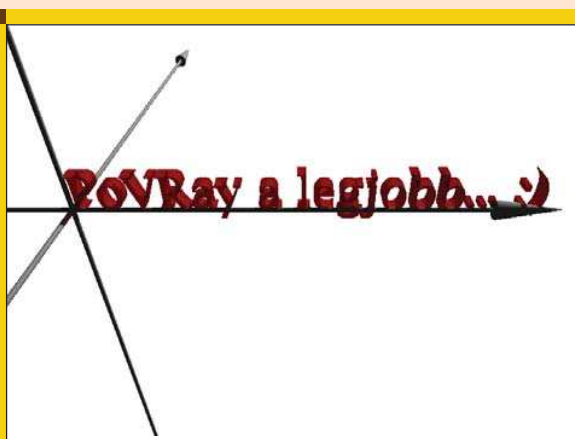
■ 19. ábra Magasság mező



■ 20. ábra A magasság mező forrása



■ 21. ábra Megforgatott sík



■ 22. ábra Szöveg kiírása

```
text{
  ttf "LucidaBrightRegular.ttf"
  "PoVRay a legjobb... :)",
  ↪0.3, 0
  texture{
    pigment{
      color <1,0,0,0.5>}}}
```

A szövegnek négy paramétere van, amelyek rendre a betűtípusfájl elérési útja (ezt csak TTF lehet), a kiírandó szöveg, a szöveg térbeli kiterjedése, illetve a betűk közötti hely beállításához egy kétdimenziós vektor (ez utóbbi általában nulla). Ha ritkítani szeretnénk a betűket, akkor a  $0.1 \cdot x$  eltolás egész jó érték; ha sűríteni, akkor a  $-0.1 \cdot x$  a jó választás. Tudunk ferdén is írni, ha például a  $\langle 0, 0.1, 0.1 \rangle$  eltolást használjuk, ekkor a karakterek  $x$  és  $z$  irányban  $0.1$  egységnyivel mozognak. (23. ábra, *pov47.pov*).

### További testek

A *PoVRay* a felsorolt testeken kívül még egyszer ennyi lehetőséget rejt, azonban ezek használata kissé nehézkes és fárasztó lehet (fraktálok, különféle végtelen kiterjedésű testek, poligonok és alakzatok). Érdeemes fellapozni a dokumentációt ezen testek megismerése végett, de csak akkor ajánlatos, ha a már ismert testekkel nem tudjuk ábrázolni az elképzelt világot.

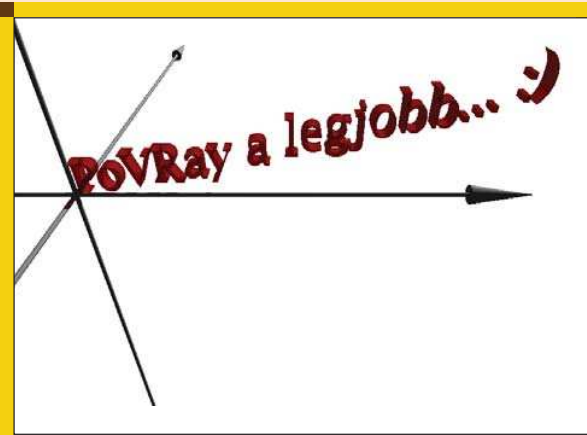
### Testek közötti halmazműveletek

Önmagukban ezek a testek sem mire sem jók, ha nem tudunk közöttük bizonyos átalakító műveleteket végezni. Ha ezekből a „primitív” testekből építkezünk, akkor szinte minden valós tárgyat el tudunk készíteni, amire szükségünk van. Alapvetően a metszetet, a különbséget illetve a egyesítést tudjuk

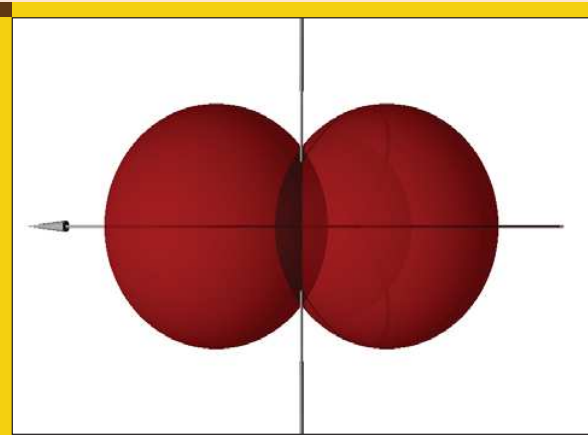
használni, azonban az egyesítésből két különböző módszert ajánl a *PoVRay*. Az egyik egyesítés inkább technikai, ugyanis a testeknek minden része megmarad, az is, ami egymásba lóg (24. ábra, *pov48.pov*).

```
union{
  sphere{
    <-3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}}
sphere{
  <3,0,0>,4
  texture{
    pigment{
      color <1,0,0,0.5>}}}}
```

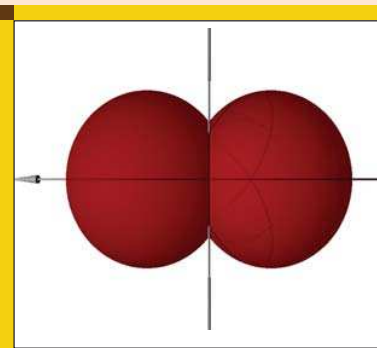
A másik típusú egyesítés a kontúrok mentén egyesíti a testeket, így nem marad egymásba lógó részük, viszont ez erőforrásigényesebb. Akkor célsze-



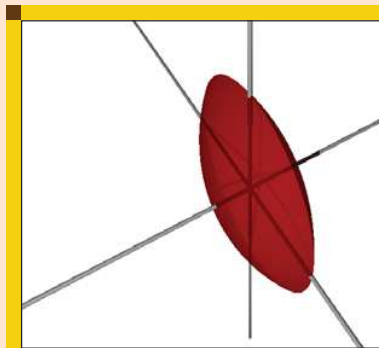
■ 23. ábra Szöveg kiírása kis offszettel



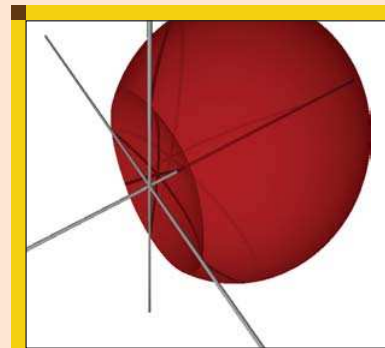
■ 24. ábra Két gömb egyesítése, union



■ 25. ábra Két gömb egyesítése, merge



■ 26. ábra Két gömb metszete



■ 27. ábra Két gömb különbsége

rú használni, ha átlátszó vagy áttetsző testeket használunk (25. ábra, *pov49.pov*).

```
merge{
  sphere{
    <-3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}
  sphere{
    <3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}}
```

A *PovRay* képes kettő vagy több test közös részét kiemelni, ezt nevezzük metszetnek. Ha a kettő gömb metszetét nézzük, akkor egy lencse alakú tárgyat kapunk (amelyet később a fénytöréssel és az átlátszósággal valódi lencseként is tudunk használni) (26. ábra, *pov50.pov*).

```
intersection{
  sphere{
```

```
<-3,0,0>,4
  texture{
    pigment{
      color <1,0,0,0.5>}}}
  sphere{
    <3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}}
```

Az utolsó művelet szerint egy testből kivonjuk azt a részt, amely egy másik testtel közös: ezt nevezzük a két test különbségének (27. ábra, *pov51.pov*).

```
difference{
  sphere{
    <-3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}
  sphere{
    <3,0,0>,4
    texture{
      pigment{
        color <1,0,0,0.5>}}}}
```

A következő részben a testek különféle transzformációival fogunk tüzetesebben foglalkozni, így kényelmesen össze tudjuk állítani az elképzelt világot primitív testekből.



**Auth Gábor**  
(auth.gabor@enaplo.hu)

Egy pécsi középiskolában informatikát és programozást oktat. Tíz éve botlott először a UNIX rendszerekbe, 7 év Linux használat után kapta el a FreeBSD látat, amiből máig nem tudott kigyógyulni.

**KAPCSOLÓDÓ CÍMEK**

A PovRay projekt honlapja  
➔ <http://www.povray.org>

A cikkben említett fájlok  
➔ <http://user.enaplo.hu/~auth.gabor/pov/>